

Delprov D	Uppgift 16-24. Fullständiga lösningar krävs.
Provtid	120 minuter.
Hjälpmedel	Digitala verktyg, formelblad och linjal.

Kravgränser Provet består av ett muntligt delprov (Delprov A) och tre skriftliga delprov (Delprov B, C och D). Tillsammans kan de ge 65 poäng varav 23 E-, 23 C- och 19 A-poäng.

Kravgräns för provbetyget

E: 17 poäng

D: 26 poäng varav 7 poäng på minst C-nivå

C: 33 poäng varav 13 poäng på minst C-nivå

B: 44 poäng varav 6 poäng på A-nivå

A: 53 poäng varav 11 poäng på A-nivå

Efter varje uppgift anges hur många poäng du kan få för en fullständig lösning eller ett svar. Där framgår även vilka kunskapsnivåer (E, C och A) du har möjlighet att visa. Till exempel betyder (3/2/1) att en korrekt lösning ger 3 E-, 2 C- och 1 A-poäng.

Till uppgifter där det står ”*Endast svar krävs*” behöver du endast ge ett kort svar. Till övriga uppgifter krävs att du redovisar dina beräkningar, förklarar och motiverar dina tankegångar, ritar figurer vid behov och att du visar hur du använder ditt digitala verktyg.

Skriv ditt namn, födelsedatum och gymnasieprogram på alla papper du lämnar in.

Namn: _____

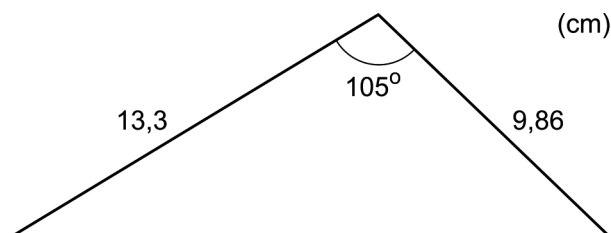
Födelsedatum: _____

Gymnasieprogram/Komvux: _____

Delprov D: Digitala verktyg är tillåtna. Skriv dina lösningar på separat papper.

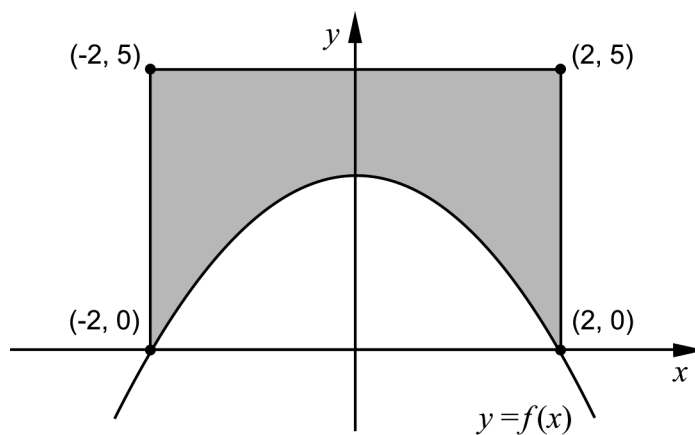
16. Bestäm de värden på x för vilka det gäller att grafen till $f(x) = x^3 - 0,88x$ har lutningen 5 (2/0/0)

17. Beräkna triangelns area.



(2/0/0)

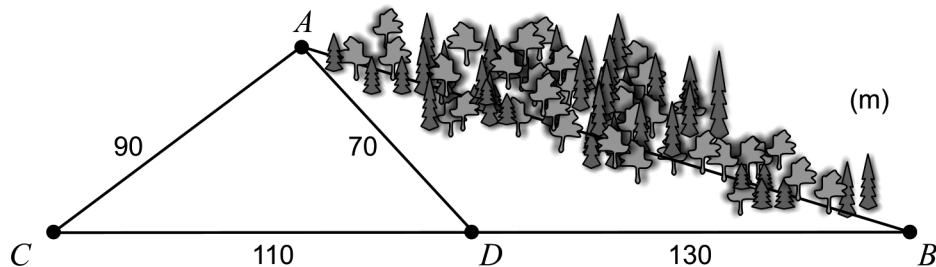
18. Figuren nedan visar grafen till $f(x) = -0,75x^2 + 3$ och en rektangel. Rektangeln har sina hörn i punkterna $(-2, 0)$, $(-2, 5)$, $(2, 0)$ och $(2, 5)$.



- a) Använd figuren och förklara med ord varför $\int_{-2}^0 f(x) dx = \int_0^2 f(x) dx$ (1/1/0)
- b) Bestäm arean av det skuggade området. (2/1/0)

19. Anton och Anya vill veta avståndet mellan två platser, A och B , i skogen. Mellan dessa platser är det besvärligt att ta sig fram. Det är därför svårt för dem att mäta upp avståndet direkt.

Istället väljer de ut två platser C och D som tillsammans med B ligger längs samma linje. Sedan mäter Anton och Anya upp sträckorna AC , AD , BD och CD , se figur. Figuren är inte skalenlig.



Beräkna avståndet mellan A och B .

(0/3/0)

20. Idag finns det cirka 7 miljarder människor på jorden. En modell som beskriver antalet människor på jorden som funktion av tiden är

$$N(t) = \frac{11}{1 + 3,4e^{-0,03 \cdot t}}$$

där N är antalet människor i miljarder och t är tiden i år efter 1950.



- a) Bestäm antalet människor på jorden år 1950. (1/0/0)
- b) Enligt modellen kommer antalet människor på jorden med tiden att närma sig en övre gräns. Bestäm denna övre gräns för antalet människor med hjälp av modellen. (0/3/0)
21. För en funktion f gäller att $f(x) = (x-a)(x-b)$ där a och b är konstanter. Bestäm det samband som ska gälla mellan a och b för att grafen till f ska ha en tangent med lutningen 2 då $x = 4$ (0/3/0)

22. För polynomfunktionen f gäller att $f'(x) > 0$ för alla x .
Undersök hur många reella lösningar ekvationen $f(x) = 0$ har. (0/0/2)

23. Albins vikt kan beskrivas med funktionen $V(t) = 0,10t^3 - 1,23t^2 + 6,51t + 3,72$ där vikten V kg är en funktion av tiden t år efter födseln. Funktionen gäller under hans åtta första levnadsår.



Den hastighet som Albins vikt ökar med varierar. Bestäm vilka värden hastigheten kan anta under Albins åtta första levnadsår. (0/0/2)

24. Bakterien *Clostridium perfringens* kan orsaka allvarlig matförgiftning. Om mat som innehåller denna bakterie får svalna i rumstemperatur ökar antalet bakterier. Därför bör man alltid snabbt kyla ner maten efter tillagning. Det krävs ungefär 100 000 bakterier per gram mat för att en person ska bli matförgiftad.



Anta att det finns 100 bakterier per gram i en bit kokt lax efter tillagningen. Den kokta laxen får svalna i rumstemperatur. Bakteriernas antal ökar med hastigheten $5,73e^{0,0573 \cdot t}$ bakterier per gram per minut vid tidpunkten t minuter.

Hur lång tid tar det innan det finns så många bakterier per gram i laxen att en person som äter av den riskerar att bli matförgiftad? (0/0/4)