

<b>Delprov D</b>	Uppgift 17-26. Fullständiga lösningar krävs.
<b>Provtid</b>	120 minuter.
<b>Hjälpmedel</b>	Digitala verktyg, formelblad och linjal.

**Kravgränser** Provet består av ett muntligt delprov (Delprov A) och tre skriftliga delprov (Delprov B, C och D). Tillsammans kan de ge 66 poäng varav 24 E-, 23 C- och 19 A-poäng.

Kravgräns för provbetyget

E: 17 poäng

D: 27 poäng varav 8 poäng på minst C-nivå

C: 35 poäng varav 14 poäng på minst C-nivå

B: 45 poäng varav 6 poäng på A-nivå

A: 53 poäng varav 11 poäng på A-nivå

Efter varje uppgift anges hur många poäng du kan få för en fullständig lösning eller ett svar. Där framgår även vilka kunskapsnivåer (E, C och A) du har möjlighet att visa. Till exempel betyder (3/2/1) att en korrekt lösning ger 3 E-, 2 C- och 1 A-poäng.

Till uppgifter där det står ”*Endast svar krävs*” behöver du endast ge ett kort svar. Till övriga uppgifter krävs att du redovisar dina beräkningar, förklarar och motiverar dina tankegångar, ritar figurer vid behov och att du visar hur du använder ditt digitala verktyg.

**Skriv ditt namn, födelsedatum och gymnasieprogram på alla papper du lämnar in.**

Namn: \_\_\_\_\_

Födelsedatum: \_\_\_\_\_

Gymnasieprogram/Komvux: \_\_\_\_\_

**Delprov D:** Digitala verktyg är tillåtna. Skriv dina lösningar på separat papper.

17. Timo sätter regelbundet in pengar på ett konto med en årsränta på 3 %. I början av varje år sätter han in 5 000 kr.

Hur mycket pengar har Timo på sitt konto direkt efter den tionde insättningen?

(2/0/0)

18. Kalle säger:

- *Det finns bara en primitiv funktion till  $f(x) = e^x$*

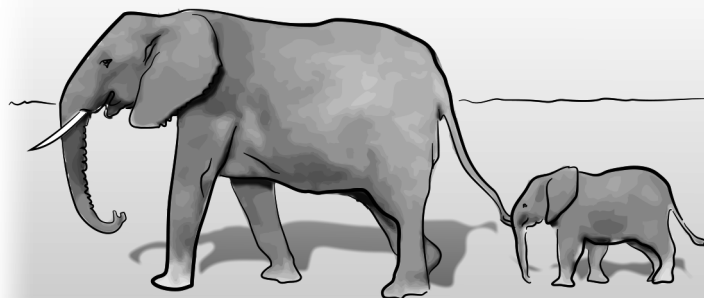
Har Kalle rätt? Motivera.

(1/0/0)

19. För funktionerna  $f$  och  $g$  gäller att  $f(x) = 15x^2$  och  $g(x) = x^3 - 33x$ . Bestäm de värden på  $x$  där funktionernas grafer har samma lutning.

(2/0/0)

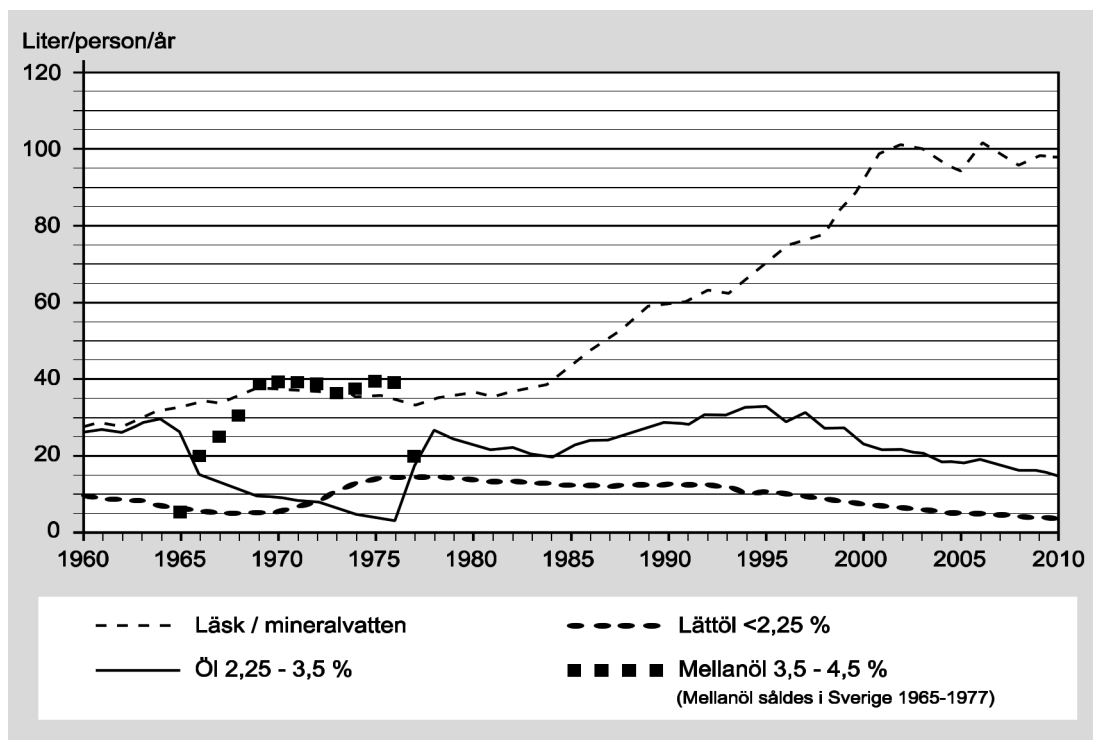
20. Ett elefantfosters vikt ges av sambandet  $V(t) = 0,310 \cdot e^{0,271 \cdot t}$  där  $t \geq 1$ .  $V$  är elefantfostrets vikt i kg och  $t$  är tiden i månader efter befruktningen. När elefantungen föds väger den 120 kg.



Hur lång tid efter befruktningen föds elefantungen?

(2/0/0)

21. I diagrammet nedan visas hur konsumtionen av läsk/mineralvatten samt öl har förändrats i Sverige sedan år 1960.

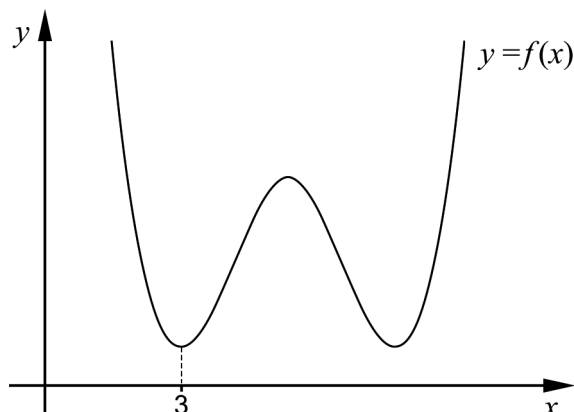


- a) Bestäm den genomsnittliga förändringshastigheten i (liter/person/år)/år för konsumtionen av läsk/mineralvatten under tidsperioden 1960-2010. (2/0/0)

Den genomsnittliga förändringshastigheten för konsumtionen av mellanöl under tidsperioden 1966-1977 är 0 (liter/person/år)/år.

- b) Förklara varför den genomsnittliga förändringshastigheten inte är ett lämpligt mått för att beskriva hur konsumtionen av mellanöl förändrats under tidsperioden 1966-1977. (0/0/1)

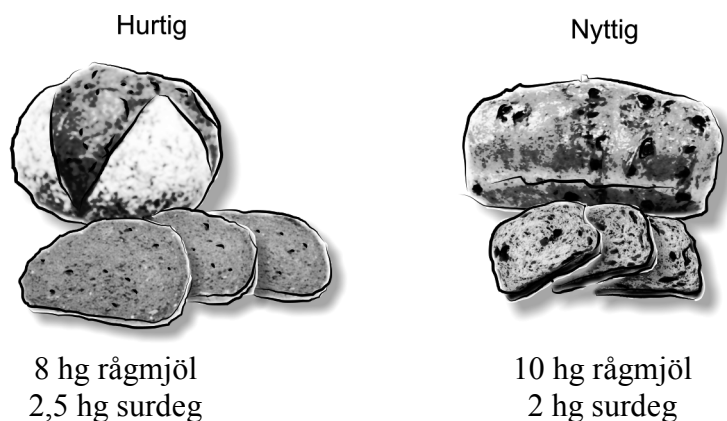
22. Figuren visar grafen till fjärdegradsfunktionen  $f$ . En av minimipunkterna har  $x$ -koordinaten 3



Förklara med hjälp av grafens utseende varför summan  $f(3) + f'(3) + f''(3)$  är större än noll.

(1/1/0)

23. I ett bageri bakas två olika sorters surdegslimpor: Hurtig och Nyttig. I recepten ingår rågmjöl och surdeg, se nedan.



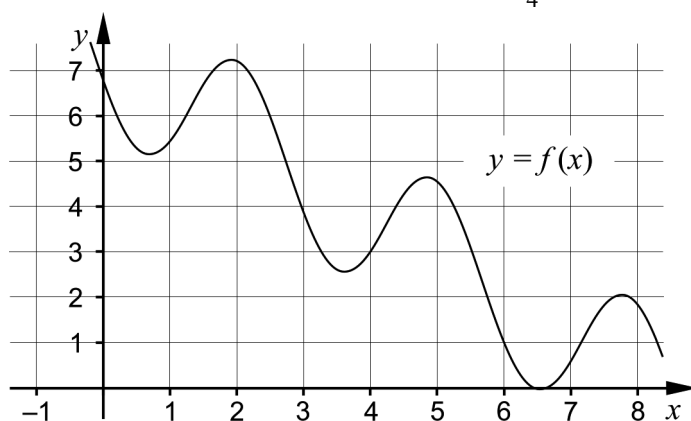
Inför dagens bakning har bagaren 460 hg rågmjöl och 110 hg surdeg.

Bagaren gör en vinst på 14 kr för varje Hurtig och 12 kr för varje Nyttig. Han vill göra en så stor total vinst som möjligt och funderar på om han ska baka både Hurtig och Nyttig eller om det räcker med att endast baka en av sorterna. Han räknar med att sälja allt han bakar.

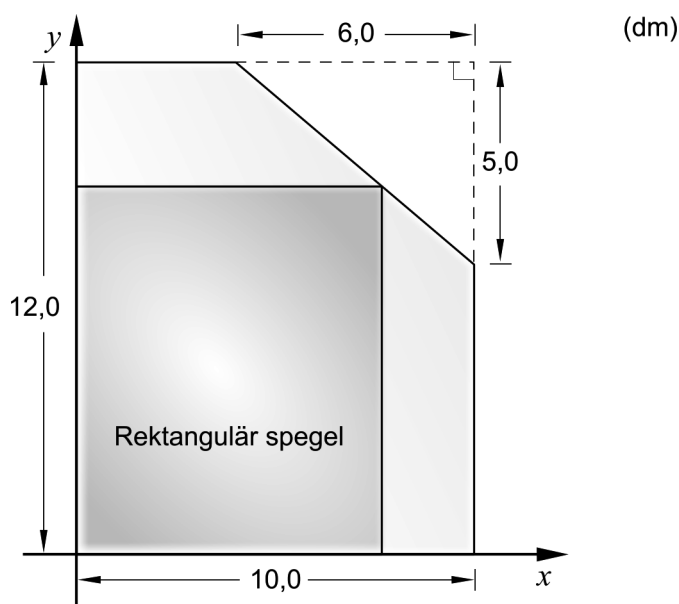
Hur många limpor Hurtig respektive Nyttig ska bagaren baka för att få maximal vinst?

(0/4/0)

24. Figuren visar grafen till funktionen  $f$ . Beräkna  $\int_4^6 f'(x)dx$  (0/0/2)



25. En glasmästare har av misstag skurit av ett hörn på ett rektangulärt spegelglas som hade måtten  $12,0 \text{ dm} \times 10,0 \text{ dm}$ . Den avskurna biten har formen av en rätvinklig triangel där de vinkelräta sidorna är  $6,0 \text{ dm}$  respektive  $5,0 \text{ dm}$ . Se figur.



Glasmästaren vill använda det kvarvarande spegelglaset till en rektangulär spegel som har sitt ena hörn på den avskurna kanten. Glasmästaren vill också att spegeln ska få så stor area som möjligt.

- Beräkna det mått på bredden som ger spegelns största area. (0/0/4)

26. En geometrisk summa består av fem termer där den andra termen är  $\frac{27}{n}$  och den femte termen är  $\frac{1}{n}$ .

Skriv ett uttryck för summan på enklaste form. (0/0/3)